

# Grado en Física (curso 2024-25)

Métodos Matemáticos I		Código	800504	Curso	2º	Sem.	1º
Módulo	Formación General	Materia	Métodos Matemáticos de la Física	Tipo	0	bligatori	o

	Total	Teóricos	Prácticos
Créditos ECTS	6	3.5	2.5
Horas presenciales	55	30	25

# Resultados del aprendizaje (según Documento de Verificación de la Titulación)

- Analizar y en su caso resolver ecuaciones diferenciales ordinarias y sistemas de ecuaciones diferenciales ordinarias lineales.
- Entender el concepto de función analítica de una variable compleja y conocer sus propiedades fundamentales. Aprender a utilizar el teorema de los residuos para el cálculo de integrales.

## Breve descripción de contenidos

Ecuaciones diferenciales ordinarias, sistemas de ecuaciones diferenciales ordinarias, funciones de variable compleja.

# **Conocimientos previos necesarios**

Cálculo de funciones de una y varias variables reales, álgebra lineal.

Profesor/a	Fran	Francisco Navarro Lérida				
coordinador/a	Despacho	03.306.B	e-mail	fnav	arro@fis.	ucm.es

Teoría/Prácticas - Detalle de horarios y profesorado								
Grupo	Aul a	Día	Horario	Profesor	Fechas	hora s	T/P	Dpto.
Α	9	A A X	12:00 – 13:00 12:00 – 13:30 11:00 – 12:30	Francisco Navarro Lérida	Todo el cuatrimestre	55	T/P	FT
B (inglés)	10	Tu We F	12:00 – 13:00 12:00 – 13:30 11:00 – 12:30	Federico Finkel Morgenstern	Full term	55	T/E	FT
С	10	X,V	16:30 – 18:30	Francisco Navarro Lérida	Todo el cuatrimestre	55	T/P	FT
D	9	M X,J	15:00 – 16:00 15:00 – 16:30	Federico Finkel Morgenstern	Indistintamente	27,5	T/P	FT
	7,3 13.00 – 10.30		Javier Rubio Peña		27,5	T/P	FT	
		L*	11:00 – 12:30*	Manuel Mañas Baena		27,5	T/P	FT
Е	11	M X	12:00 – 13:30 13:00 – 14:00	Juan José Sanz Cillero	Indistintamente	27,5	T/P	FT

(\*) Tras 2 clases el L de 12:00 a 13:30, el grupo E pasará a su horario definitivo 11:00-12:30 a partir de la 3ª semana.

	Tutorías							
Grupo	Profesor	horarios	e-mail	Lugar				
A	Francisco Navarro Lérida	Primer semestre: X: 13:30-14:30 J:14:30-17:30 V: 12:45-14:45 Segundo semestre: M: 10:30–14:00 y 15:00–17:30	fnavarro@fis.ucm.es	03.306.B				
В	ESTE	GRUPO SE IMPARTE EN INGLÉS	(ver ficha correspondiente)					
С	Francisco Navarro Lérida	Primer semestre: X: 13:30-14:30 J:14:30-17:30 V: 12:45-14:45 Segundo semestre: M: 10:30–14:00 y 15:00–17:30	fnavarro@fis.ucm.es	03.306.B				
D	Federico Finkel Morgenstern	Primer semestre: L: 10:00–13:00 y 14:30–16:30 J: 12:00–13:00 Segundo semestre: X: 9:30–13:00 y 14:30–17:00	ffinkel@fis.ucm.es	02.311.0				
	Javier Rubio Peña	L:14:00-17:00 online M:16:00-17:30 * X: 16:30-18:00 * * presenciales previo contacto por email	javrub02@ucm.es	02.326.0				
F	Manuel Mañas Baena	L, M, X 16:30-18:30	manuel.manas@fis.ucm.es	02.318.0				
<b>E</b>	Juan José Sanz Cillero	M, J: 14:00-16:00 X: 11:00-13:00	jusanz02@	02.327.0				

## Programa de la asignatura

### **ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS**

- 1. **Introducción a las ecuaciones diferenciales ordinarias.** Ecuaciones y sistemas de ecuaciones diferenciales ordinarias. Soluciones. Métodos elementales de integración para ecuaciones de primer orden. Existencia y unicidad de soluciones.
- 2. **Ecuaciones lineales**. Ecuaciones lineales de segundo orden. Ecuaciones homogéneas. Ecuaciones no homogéneas. Fórmula de variación de constantes. Ecuaciones con coeficientes constantes. Ecuaciones lineales de orden superior.
- 3. **Sistemas lineales.** Sistemas homogéneos. Sistemas no homogéneos. Fórmula de variación de constantes. Sistemas lineales con coeficientes constantes. Exponencial de una matriz.

#### VARIABLE COMPLEJA

- 1. **Funciones analíticas.** Definición y propiedades algebraicas de los números complejos. Funciones elementales. Derivabilidad. Ecuaciones de Cauchy–Riemann.
- 2. **El teorema de Cauchy.** Integración sobre arcos. Teorema de Cauchy. Fórmula integral de Cauchy y sus consecuencias.
- 3. **Representación de funciones analíticas mediante series.** Series de potencias. Teorema de Taylor. Series de Laurent. Teorema de Laurent. Clasificación de singularidades aisladas.
- 4. **Cálculo de residuos.** Teorema de los residuos. Métodos para el cálculo de residuos. Cálculo de integrales definidas.

# Bibliografía

Boyce, W.E., DiPrima, R.C., Ecuaciones diferenciales y problemas con valores en la frontera, Limusa-Wiley, 2012.

- Marsden, J.E. y Hoffman, M.J., Basic Complex Analysis (3<sup>rd</sup> ed.), Freeman, San Francisco, 1999.
- Simmons, G.F., Ecuaciones diferenciales. Con aplicaciones y notas históricas, McGraw-Hill, 1993.
- Spiegel, M.R., Variable Compleja, McGraw-Hill, Madrid, 1996.

#### Recursos en internet

Se depositará diverso material en el Campus Virtual y/o páginas web de la asignatura.

# Metodología

Se desarrollarán las siguientes actividades formativas:

- Lecciones de teoría, en las que se explicarán los conceptos fundamentales de la asignatura, ilustrándose con ejemplos y aplicaciones (aprox. 2,5 horas por semana).
- Clases prácticas de resolución de problemas y actividades dirigidas (aprox. 1,5 horas por semana).

Las lecciones de teoría y la resolución de problemas tendrán lugar fundamentalmente en la pizarra, aunque podrán ser complementadas con proyecciones con ordenador.

El profesor recibirá individualmente a los alumnos en el horario especificado de tutorías con objeto de resolver dudas o ampliar conceptos.

Se pondrá a disposición de los alumnos a través del Campus Virtual y/o páginas web de la asignatura una colección de problemas con antelación a su resolución en clase y otros materiales docentes.

Evaluación					
Realización de exámenes	Peso:	70%			
Calificación obtenida en el examen final de la asignatura.					
Otras actividades	Peso:	30%			

Problemas y ejercicios, que podrán ser resueltos en clase o evaluados mediante pruebas escritas.

## Calificación final

Si la nota del examen final es  $\geq$  3.5, la calificación final CF obtenida por el alumno se calculará aplicando la fórmula

$$CF = max(E, 0.7 E + 0.3 A),$$

siendo E y A las notas del examen final y de otras actividades, respectivamente, ambas en la escala 0-10

La calificación de la convocatoria extraordinaria de julio se obtendrá siguiendo el mismo procedimiento de evaluación.